

1. Um fluido escoia com densidade $\rho = \rho_0 = \text{constante}$ e com o seguinte campo de velocidades: $\mathbf{v} = \frac{U}{L^2} [(y^2 + z^2) \mathbf{i} + (x^2 + z^2) \mathbf{j} + (x^2 + y^2) \mathbf{k}]$. Calcule o fluxo de massa cruzando a superfície $zL = x^2 + y^2$, subconjunto de $\partial\Omega$, considerando a seguinte região Ω :

$$\Omega \equiv \left[(x, y, z) \text{ tais que } 0 < x^2 + y^2 < L^2, -L < z < \frac{x^2 + y^2}{L} \right]$$

São dadas as constantes U e L .

2. Considere o tetraedro com vértices $(0, 0, 0)$, $(1, 0, 0)$ e $(0, 0, 1)$ através do qual existe um fluxo de energia na forma de calor. O vetor fluxo de calor (por unidade de tempo e área) \mathbf{q} é dado por $\mathbf{q} = \alpha x \mathbf{i} + (x^2 + yz) (\mathbf{i} - \mathbf{j})$, sendo α uma constante dada.

Calcule o fluxo total de calor cruzando a parte da superfície do tetraedro contida no plano $x + y + z = 1$. O fluxo de calor é obtido a partir da integral de superfície:

$$Q = \int_{\partial\Omega} \mathbf{q} \cdot \mathbf{n} dA$$
